

TOYOCRYPT-HS1

評価報告書

1. はじめに	1
2. アルゴリズム概略	1
3. 評価結果	1
3.1. 周期	1
3.2. 統計的性質	2
3.2.1. 1/0 等頻度性	2
3.2.2. FIPS 140-1 にもとづいた数値的な検証	2
3.2.3. 自己相関性	4
3.3. 線形複雑度	4
4. まとめ	4
5. 参考文献	5

記号

本稿では、以下の記号・略称・用語を説明無しに用いる。

LFSR	: 線形フィードバックシフトレジスタ
LC	: 線形複雑度
固定鍵	: LFSR の状態遷移関数を定義するパラメータ
ストリーム鍵	: LFSR の初期内部状態を定義するパラメータ
⊕	: 排他的論理和
⊗	: 論理積
·	: 内積
GF(2^n)	: 2^n 個の元からなる有限体

1. はじめに

本稿は、政府調達暗号公募に対して応募されたストリーム暗号 TOYOCRYPT-HS1 の安全性について評価を行ったものである。検討項目は、周期、線形複雑度、およびその他の統計的な性質である。検討の結果、ビット出力の等頻度性、周期について提案者の行っている解析は妥当であることが検証された。また、統計的な性質について、いくつかの実験的な検証評価を行ったが、特に問題は見つからなかった。

2. アルゴリズム概略

TOYOCRYPT-HS1 の内部状態を

$$X = x_{127} \parallel x_{126} \parallel \dots \parallel x_0$$

$$= x_{127} \parallel x_{126} \parallel X_h$$

$$X_L = x_{125} \parallel x_{124} \parallel \dots \parallel x_{63}$$

$$X_R = x_{62} \parallel x_{61} \parallel \dots \parallel x_0$$

とし、特に時刻 t を明記する必要がある場合には、 $x_i(t)$ と記述する。

TOYOCRYPT-HS1 の乱数生成部は、レジスタ長 128 のフィルター型生成器であり、出力する乱数列と平文とを排他的論理和することで暗号文を生成する。出力フィルター f は、

$$\begin{aligned} f(X) &= x_{127} \oplus h(X_h) \\ &= x_{127} \oplus (X_L \cdot \pi(X_R) \oplus g(X_R)) \end{aligned}$$

で与えられる。ここで、 h は 63 ビットの置換、 g は 64 次 3 項のブール多項式である。

固定鍵は状態遷移関数が M 系列を出力するように定め、ストリーム鍵は 0 以外の値を取る。また、初期化として、ストリーム鍵をレジスタにロードした後、256 回の状態遷移を行う。

3. 評価結果

本章では、TOYOCRYPT-HS1 の安全性について理論的、数値的な検証を行った結果について述べる。

擬似乱数生成器の出力する列は、

- ・ (1) いくつかの統計的性質(0/1 等頻度性、自己相関性)で偏りが小さいこと
- ・ (2) 鍵長に見合う長い周期を持つこと
- ・ (3) 大きな線形複雑度を持つこと

を満たすことが求められる。以下、節ごとにそれぞれの項目について論じる。

3.1. 周期

TOYOCRYPT-HS1 では、LFSR が M 系列を生成するように固定鍵を選ぶので、LFSR 部の周期は $2^{128}-1$ である。LFSR 部の周期の中で 1 の出現する回数は

$$\begin{aligned} \sum_{x \in F_2^{128}} f(X) &= \sum_{x \in F_2^{128}} h(X_h) \oplus x_{127} \\ &= 2 \sum_{X_h \in F_2^{126}} ((h(X_h) \oplus 0) + (h(X_h) \oplus 1)) \\ &= 2 \cdot 2^{126} = 2^{127} \end{aligned}$$

となる。固定鍵 C 、ストリーム鍵 S に対する TOYOCRYPT-HS1 の出力列の周期を $\text{Per}(C, S)$ とおけば、

$$k \cdot \text{Per}(C, S) = 2^{128} - 1$$

を満たす自然数 k が存在する。 $\text{Per}(C, S)$ の間に出力される 0、1 の出現数をそれぞれ N_0 、 N_1 とすれば、

$$k \cdot N_0 = 2^{127} - 1$$

$$k \cdot N_1 = 2^{127}$$

が成り立つので、 $k=1$ となる。すなわち、 $\text{Per}(C, S)=2^{128}-1$ である。

3.2. 統計的性質

3.2.1. 1/0 等頻度性

3.1. で述べたように、TOYOCRYPT-HS1 の周期中に 1 が出力される回数は 2^{127} 回である。すなわち、TOYOCRYPT-HS1 の出力列は 0/1 を理想的な頻度で出力する。

3.2.2. FIPS 140-1 にもとづいた数値的な検証

線形フィードバックシフトレジスタ自体は理想的な乱数を出力するが、非線形フィルターによる影響を理論的に完全に検証することは困難である。ここでは、いくつかの乱数性指標について、実験的に検証した結果について述べる。

FIPS 140-1[1]では、乱数列が最低限満たすべき性質として、1 ビット、4 ビットの頻度検定、および連の検定に合格することが挙げられている。今回は、FIPS 140-1 にもとづき、これらの検定を TOYOCRYPT-HS1 の出力列(4K ~ 16M バイト)に対して実施した。検定には χ^2 検定を用いた。

また、固定鍵、ストリーム鍵は C 言語標準ライブラリの rand 関数を用いてランダムに与えた。

1 ビットの頻度検定(mono-bit test)

0/1 の出現頻度は、自由度 1 の χ^2 分布を用いて検定することができる。表 3.1 に自由度 1 の χ^2 値の代表的な値を挙げる。

表3.1 自由度 1 の χ^2 分布の値

棄却率	χ^2 値
0.05	3.8
0.01	6.6
0.001	10.8

検定は、4K, 64K, 1M, 16M バイトの乱数列それぞれ 256 個に対して行った。表 3.2 の値は、これらの列に対し、0/1 頻度の χ^2 統計量を計算し、棄却率 0.05, 0.01, 0.001 を超えたものの数である。

表 3.2 1 ビットの頻度検定

列の長さ	0.05	0.01	0.001
4K バイト	8/256	2/256	0/256
64K バイト	10/256	6/256	0/256
1M バイト	5/256	1/256	0/256
16M バイト	9/256	2/256	0/256

実験の結果、いずれの長さの乱数列についても、 χ^2 値が極端に大きくなることはなかった。また、出力列が「真の乱数ではない」となる頻度についても許容できる範囲である。

4 ビットの頻度検定(poker test)

0/1 の出現頻度は、自由度 1 の χ^2 分布を用いて検定することができる。表 3.3に自由度 15 の χ^2 値の代表的な値を挙げる。

表 3.3 自由度 15 の χ^2 値

棄却率	χ^2 値
0.05	25.0
0.01	30.6
0.001	37.7

検定は、4K、64K、1M、16M バイトの乱数列それぞれ 256 個に対して行った。表 3.3の値は、これらの列に対し、4 ビット単位の出現頻度の χ^2 統計量を計算し、棄却率 0.05、0.01、0.001 を超えたものの数である。

表 3.4 4 ビットの頻度検定

列の長さ	0.05	0.01	0.001
4K バイト	10/256	2/256	0/256
64K バイト	7/256	1/256	0/256
1M バイト	15/256	0/256	0/256
16M バイト	17/256	2/256	2/256

実験の結果、いずれの長さの乱数列についても、 χ^2 値が極端に大きくなることはなかった。また、出力列が「真の乱数ではない」となる頻度についても許容できる範囲である。

連検定(run test)

連の検定では、有効な数値を取るため、出現頻度の低い長さの連を検定に用いない。ここでは、乱数列の長さを m ビットとしたとき、 $\log_2(m)-2$ を検定を行う連の長さの下限とした。長い連は、出現する期待値が $1/256$ 以下のものとした。

表 3.5 連検定

列の長さ	自由度	0.05	0.01	長い連(最長値)
4K バイト	24	9/256	3/256	2(24)
64K バイト	32	9/256	4/256	3(26)
1M バイト	40	7/256	4/256	3(31)
16M バイト	48	13/256	4/256	3(37)

実験の結果、いずれの長さの乱数列についても、 χ^2 値が極端に大きくなることはなかった。また、出力列が「真の乱数ではない」となる頻度についても許容できる範囲である。長

い連が出現する確率は期待値に比べて多い傾向にあるが、問題となるほどではない(FIPSによる長すぎる連の定義は出現する期待値が 1/1000000 であり、このような連は観測されていない)。

3.2.3. 自己相関性

周期 N のビット列 s に対する自己相関関数を、
で定義する。

$$A(s, t) := \sum_{i=0}^{N-1} (-1)^{s_i + s_{i+t}}, \quad 0 \leq t \leq N-1$$

$t \neq 0$ ならば、 $A(s, t)$ の値は -1 であることが望ましい。しかし、非常に長い周期を持つ乱数列についてこれを検証することは困難である。ここでは、近似的に、出力列を t ビットシフトした列とを排他的論理和した列の 0/1 頻度検定を行った結果について述べる。表 3.6 は、TOYOCRYPT-HS1 の出力列の自己相関性を² 検定した結果で、各項目の数値は、256 個の固定鍵、ストリーム鍵のペアをランダムに与え、棄却率 0.01 を超えたものの数である。

表 3.6 シフト数 1~10 の自己相関性

乱数列の長さ	シフト数 t									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
4K バイト	4/256	4/256	3/256	3/256	4/256	2/256	2/256	1/256	1/256	3/256
64K バイト	2/256	1/256	2/256	0/256	4/256	4/256	5/256	2/256	2/256	5/256

実験の結果、出力列が「真の乱数ではない」となる頻度は許容できる範囲であると言える。

3.3. 線形複雑度

レジスタ長 L の LFSR が出力する M 系列を $s(t)$ とし、 $s(t)$ をフィルター関数 f を通して生成される列を $r(t) = f(s(t))$ と置く。 f が k 次のブール多項式で、さらに k 次の項が

$$x(t)x_{t+1}(t) \dots x_{t+(k-1)}(t)$$

と書けるとき、列 $r(t)$ の線形複雑度 $LC(r)$ の上限と下限は

$${}_L C_k \leq LC(r) \leq \sum_{i=1}^k {}_L C_i$$

で与えられることが知られている[1]。

TOYOCRYPT-HS1 の出力フィルターのうち、 g 関数は 63 次のブール多項式、 f 関数は単なる置換なので、 f 関数は 63 次のブール多項式となる。また、 g 関数の 63 次の項は定義より明らかに上記の条件を満たす。したがって、TOYOCRYPT の線形複雑度を LC と置けば、

$${}_{128} C_{63} \leq LC \leq \sum_{i=1}^{63} {}_{128} C_i$$

となる。ここで、 ${}_{128} C_{63} > 2^{124.14}$ であるので、TOYOCRYPT-HS1 が出力する列の線形複雑度の下限は 2^{124} 以上であることがわかる。

4. まとめ

評価内容からは特に問題点は見つからなかった。

5. 参考文献

- [1] FIPS 140-1, *Security Requirements for Cryptographic Modules*, Federal Information Processing Standard(FIPS), Publication 140-1, National Institute of Standards and Technology, US Department of Commerce, Washington D.C., January 1994,
<http://www.itl.nist.gov/fipspubs/index.htm>.
- [2] Menezes, Alfred J., van Oorschot, Paul C., Vanstone, Scott A., *HANDBOOK of APPLIED CRYPTOGRAPHY*, CRC Press, 1997.
- [3] R. A. Rueppel, *Analysis and Design of Stream Ciphers*, Springer-Verlag, 1986.