

EPOC-2: CRYPTREC'01 提出版とROMでの 証明可能安全性との関係

藤崎@NTT

‘EPOC-2’ = OU暗号 + ROM変換

(EUROCRYPT’98)

(CRYPTO’99)

$$c = g^m h^r \bmod n,$$

$$n = p^2 q.$$

OW \longrightarrow IND-CCA2

ROM変換

OW \longleftrightarrow FACT(n)

提案者の主張: FACT(n) + ROM \Rightarrow EPOC-2: IND-CCA2.

CREC'01版の仕様

1. h の選び方:

$$h_0 \in_R (\mathbb{Z} / n\mathbb{Z})^\times;$$

$$h = h_0^n \bmod n.$$



$$h = g^n \bmod n.$$

(NESSIE'01, EUROCRYPT'98)

2. r の範囲 (hLen):

$$|r| \geq 2k + 32.$$

$$\left(\begin{array}{l} k = |p|, |q|, \\ n = p^2 q. \end{array} \right)$$



$$|r| \geq 2k + \text{const.}$$

$$\text{const} \geq 1.$$

で証明可能。

(NESSIE'01)

EUROCRYPT'98では

$$|r| \geq 3k.$$

証明可能なパラメータ

<http://info.isl.ntt.co.jp/epoc/nessie/index-j.html> or
<http://info.isl.ntt.co.jp/>
参照。

[帰着証明の中で]

[Adversary's real view]

$$p^{real}(z^*) = \Pr[\sigma \leftarrow_R \{0,1\}^{k-1}; r \leftarrow_R \{0,1\}^{2k+\text{const}} : z^* = \sigma + nr \bmod \text{ord}(g)],$$

where $c = g^\sigma h^r (= g^{\sigma+nr})$.

[Simulation view]

$$p^{sim}(z^*) = \Pr[z \leftarrow_R [0, \dots, n^2 - 1] : z^* = z \bmod \text{ord}(g)],$$

where $c = g^z$.

$$\frac{p^{sim}(z^*)}{p^{real}(z^*)} \geq \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{n}\right) \left(1 - \frac{1}{2^{\text{const}} + 1}\right)$$

EPOC-2のFACTからの帰着(結論)

$A^{epoc} : (t, q_G, q_H, q_D, \varepsilon) - \text{break},$

$B^{fact} : (t_B, \varepsilon_B) - \text{break} \quad \text{where}$

- $t_B = t + (q_G + q_H) T_{\text{gcd},n} + q_D q_H (T_{\text{Enc},q} + T_{\text{gcd},n}),$

- $\varepsilon_B = \frac{\varepsilon}{3} \left(1 - 2^{-3k+1}\right) \left(1 - 2^{-\gamma}\right)^{q_D}.$

備考:

$$\frac{p^{sim}(z^*)}{p^{real}(z^*)} \geq \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{n}\right) \left(1 - \frac{1}{2^{\text{const}} + 1}\right) \geq \frac{1}{3} \left(1 - 2^{-3k+1}\right)$$

結論

1. h の選び方。

$$h = h_0^n \quad \longrightarrow \quad h = g^n$$

に今後変更希望。

2. r の範囲 (hLen)。

変更なし。